受講する皆さんへ

ようこそ，スタディサプリ スタンダードレベル数学Ⅰの講座へ。この講座は

「数学Ⅰを，用語の意味や公式のなりたちから学び，問題演習を通じて深めたい」

という人に適した講座となっています。

数学Ⅰでは，高校数学の礎(いしずえ)とも言える内容を学習します。この講座では，算数や中学校の数学の学習で得た知識や経験を時に振り返りながら，新たな知識や考え方を，１つ１つ，丁寧に，あなたと一緒に積み重ね，さらに演習で理解を深めることが可能です。

予習は必要ありません。「講義動画」で，いちから説明します！

テキストの使い方，講座の受講の仕方については，後ほど詳しく説明します。

この講座を受講いただくことで，学校の授業の理解をより深めたり，学校から課された宿題を解きながらそこで問われている内容を確認したり，といったことが可能になります。しかし，この講座で扱う内容は，決して簡単ではありません。だからこそ，あなたがこの講座を通じて数学Ⅰと本気で向き合うことで

「なるほど，そういうことか！」を積み重ね，自分の成長を実感する

ことができると確信しています。

「人から人へ」。それは時代がどんなに進歩しても変わることがありません。スタディサプリの講師は，いつでも「あなた」が真剣に学びに向かう姿を思い浮かべながら授業しています。あなたが本気で講師から学び，学んだことが何だったのかを考え，問題を通じてそれを確認し，自分のものにする，そういった一連の体験をこの講座を通じて提供いたします。そして，あなたがそうして得たことを，様々なアウトプットを通じて，今度はあなたが誰かに伝えていただきたいと思います。

講義を１回受けてわからなければ，何度でも，自分のペースで，講義を見返すことが可能です。ただし，最初から完璧な理解を目指す必要はまったくありません。まずは「たぶんこういうことだろうな」といったように，全体像をざっくり捉えることから始めましょう。その状態で先に進み，前に習った知識を使うことで，その意味がわかる，というのも数学ならではですし，気になって前に戻り改めて理解を深める，ということも可能です。その学び方やペースは，他の人と比較する必要はありません。

学びにおいて，主役は「あなた」です

あなたの，あなたならではの学びを，この講座が力強くサポートします。ようこそ『スタディサプリ』の世界へ！

山内　恵介

目次

第１章　数と式

第１講　式の計算と展開
PART1　整式の整理
PART2　整式の加法と減法，乗法
PART3　展開
PART4　展開の工夫

第２講　因数分解
PART1　因数分解
PART2　たすきがけによる因数分解
PART3　おき換えによる因数分解
PART4　１文字整理による因数分解

第３講　実数，１次不等式
PART1　実数，絶対値
PART2　根号を含む式の計算
PART3　１次不等式
PART4　絶対値を含む方程式・不等式

第４講　集合，命題と条件
PART1　集合
PART2　命題と条件
PART3　必要条件と十分条件，条件の否定
PART4　逆・裏・対偶，命題の証明

第２章　２次関数

第５講　２次関数とグラフ
PART1　関数とグラフ，１次関数の最大値，最小値
PART2　$y=a(x-p)^2+q$ のグラフ
PART3　平方完成と $y=ax^2+bx+c$ のグラフ
PART4　放物線の平行移動・対称移動

第６講　２次関数の最大・最小，２次関数の決定
PART1　２次関数の最大・最小
PART2　２次関数の最大・最小（定義域の変化）
PART3　２次関数の最大・最小（軸の移動）
PART4　２次関数の決定

第７講　２次方程式・２次不等式
PART1　２次方程式の解法，実数解の個数
PART2　２次関数のグラフと x 軸の共有点
PART3　２次不等式と２次関数のグラフ
PART4　２次不等式（x 軸と接する，共有点をもたない）

第８講　２次不等式の利用
PART1　２次関数のグラフと２次方程式・２次不等式
PART2　連立不等式
PART3　２次関数のグラフと x 軸の共有点の位置
PART4　２次方程式の解の存在範囲

第３章　図形と計量

第 9 講　鋭角の三角比
PART1　直角三角形と三角比
PART2　有名角の三角比，三角比の表
PART3　三角比の相互関係
PART4　$90^\circ-\theta$ の三角比，
三角比の利用

第 10 講　三角比の拡張
PART1　座標を用いた三角比の定義
PART2　単位円を用いた三角比の定義
PART3　三角比の値と角，
直線の傾きと正接
PART4　$180^\circ-\theta$ の三角比，
単位円と三角比の相互関係

第 11 講　正弦定理・余弦定理，三角形の面積
PART1　正弦定理
PART2　余弦定理
PART3　三角形の決定
PART4　三角形の面積

第 12 講　図形の計量
PART1　角の二等分線の長さ，
三角形の内接円と面積
PART2　円に内接する四角形の面積
PART3　直方体の切り口
PART4　四面体の切り口

第４章　データの分析

第 13 講　データの分析
PART1　データの整理，
データの散らばり，外れ値
PART2　分散と標準偏差
PART3　データの相関
PART4　仮説検定

講座の受講の仕方

ここでは, 効果的な講座の受講の仕方についてお伝えします。講座は大きく「テキスト」「講義動画」「解答」に分かれています。この３つを効果的に使い, 実力を伸ばしていきましょう。

①　テキストについて

この講座のテキストは，講ごとに４つの PART（パート）に分かれています。

各 PART は，次のような項目で構成されています。

「例題」

⇒　その PART で習得すべき知識・技能を確認するための問題

「練習」

⇒　「例題」で得た知識・技能を確認する問題

「Point Pickup」

⇒　「例題」「練習」を解くために必要な知識・技能を整理

「確認問題」

⇒　「例題」「練習」で学んだことを確認するための問題

「例題」「練習」「Point Pickup」については，「動画」で解説を行います。ある講に含まれる PART の一部または全部が未習, または理解が不十分の状態で講義を受講いただいても, まったく問題ありません。また，予習は必要ありません。

②　講義動画について

受講の準備ができましたら, テキストと筆記用具を手元におき, 動画を再生してください。そして, 真剣に受講して, 講師がこの動画を通じて何を伝えたいのかを感じ取ってください。

各講に含まれる PART 内の動画は，２つのチャプターに分かれています。

（例）　第１講　式の計算と展開

PART1　整式の整理　…　要点整理＆「例題」解説・「練習」解説

それぞれの PART における主な受講の流れを説明します。

⑴　まずは，要点整理としてこの PART で習得すべき用語や知識，公式およびその成り立ちを解説します。この要点整理の内容は，テキストには掲載しておりません。必要に応じて，ノート等に残しておきましょう。

その後, 「Point Pickup」にて, 要点整理を通じて習得したことをまとめ, 確認します。

次に，「Point Pickup」でまとめ，確認した知識や考え方を元に，「例題」を解いていきます。それぞれの問題が，どのようにして解答に至るかを，そのプロセスも含めて動画でじっくり学んでください。途中で動画を一次停止しながら，途中計算等をテキストやノートに書いていただいて構いませんが，大切なのは集中して授業を受講することです。「別冊解答」には，講義問題の解答解説が掲載されておりますので，動画の途中計算をすべて書き写す必要はありません。書くことに集中するのではなく，講師の言葉の一つひとつにしっかりと耳を傾けてください。

⑵　次に，「例題」で確認した問題の解き方を参考にして，「練習」を自分で解いてみましょう。途中で解き方がわからなくなった場合は，そこで手を止めて結構です。解き終わったら，動画で解き方を確認してください。解答があっているか，間違っているか，だけでなく，解くときに使った考え方が同じかどうか，もし異なるならどういう違いがあるのか，などを確認しながら授業を受講しましょう。

⑶　さらに，解説された「例題」「練習」を，何も見ずに自分で解いてみましょう。途中で手が止まってしまった場合は，ノートや別冊解答を参照して，どこに止まった原因があったのかを振り返り，その続きからまた解き進めてみましょう。

各 PART の学習の流れを，今一度確認してみましょう。

要点整理→「Point Pickup」&「例題」→「練習」→「自分で問題を解く」

1 つの PART でおよそ 30 分～ 1 時間程度の受講時間となります。

各講に含まれる 4 つの PART の受講が終了すると，その講が終了します。時間がない時は，PART 単位の受講でも構いません。また，週末にまとめて 1 講分受講してもよいでしょう。

大切なのは

・「新しい知識や考え方を知って，思考の幅を広げる」

・「講師が伝えたこと」を「自分で他の人に伝えられるようにする」

・「問題が解けるようになることがゴールではなく，前提となる知識・考え方を学ぶ」

という気持ちで受講することです。

動画で学ぶことに慣れていない人や，数学が苦手な人は，最初は「授業が速い！」と感じるかもしれませんが，安心してください。この講座は，いつでも画面を停止できます。「ん？」と思ったら止めて，いま伝えられたことがどういう意味を持つのかを考えること，必要なら戻って何度も聞くこと。焦る必要はありません。そして，講座の受講を進めていくうちに，感じ取り，表現できるスキルが向上することで，一度で聞き取れる，感じ取れる内容が増えていくでしょう。

もう１つ大切なこと，それは

・「やっぱり自分はできないんだ……」は厳禁！

だということです。あきらめず，何度でもチャレンジすること。あなたには，あなたがまだ気付いていないかもしれない，「理解する力」が必ずあります。

③　復習について

その日の動画の受講が完了したら

・この PART・講から何を学んだか

を思い浮かべてみましょう。必要に応じてテキストをもう一度見直してみましょう。

また，後日，「例題」「類題」をもう一度解くことで，

・この PART・講を受講して何ができるようになったか

を確かめてみましょう。もし解法が全然思いつかない，すっかり忘れてしまった，という場合は，まずはノートや別冊解答を，それでも思い出せない場合は動画を見直してみましょう。記憶がよみがえるはずです。

・「復習することで，学んだことを自分のものにする」

という気持ちを忘れないようにしましょう。

④　確認問題について

①～③が終わると，自分がその PART の内容を本当に理解しているのかを，別の問題で確かめたくなるはずです。各 PART の終わりに**「確認問題」**を用意してあります。「例題」「類題」と同様，その PART で学んだ知識・考え方を確認することができる問題セットとなっていますので，この PART で学んだことを思い出しながら，自力で解いてみましょう。

解き終えたら，「別冊解答」を見て，解き方をチェックしてみましょう。

・「問題を解くことで，知識を引き出し，使う練習をする」

単なる反復練習ではなく，学んだことを思い出しながら解く，それを忘れないでください。

以上を繰り返すことにより，飛躍的に理解が深まり，数学Ⅰの世界観が少しずつ見えてくるようになってきます。

受講を続ける上で大切なのは

・ペースを作り，守る

ことです。各 PART，およそ 30 分～ 1 時間。それを，どこの曜日のどの時間帯に何 PART（何講）受講するのかを決めるとよいでしょう。そして，決めた曜日の決めた時間に，確実に受講する習慣を身につけましょう。学校で授業を受ける時間と同じように，時と場所を変えて『スタディサプリ』を受講する時間，数学Ⅰと本気で向きあう時間，これを確保してください。学校の宿題等，何があっても，決めたペースを守ることを心がけ，できない理由を作らないこと。それを愚直なまでに繰り返すことで，確実な「理解力向上」「実力向上」，そしてそれを実現している自分の姿があることに気付き，それが「自信」につながります。

この「スタンダードレベル数学Ⅰ」は，あくまで数学Ⅰの「入門講座」です。入門は，簡単という意味ではなく，その先に進むために欠かすことのできない「作法」を身に付ける，ということです。受講後は，**「高 1・高 2 ハイレベル数学Ⅰ」**に進んでみてください。自分の知識がどのように活用できるのか，それを知れば，もっとできることを増やしたい，活用の幅を広げたい，そう思うはずです。それこそが，無限に広がる数学Ⅰの世界への第一歩を踏み出した瞬間です。

第 1 講　式の計算と展開

PART1　整式の整理

例題

(1)　単項式 $2x^2y$ の係数と次数をいえ。また，x に着目したときの係数と次数をいえ。

(2)　多項式 $2x^2+3xy+y^2-4x+5y-1$ を，x について整理せよ。

Point Pickup

練習

(1)　次の単項式で，[　] 内の文字に着目したときの係数と次数をいえ。

$-4ax^3y^2$　　　[a]，[x と y]

(2)　多項式 $3x^2-ax-5a+2x$ を，x について整理せよ。

第 1 講　PART1　確認問題

1　次の単項式で，[　] 内の文字に着目したときの係数を①～④のうちから選べ。また，そのときの次数をいえ。

$-3mx^2y^3$　　　[m]，[x と y]

[m]　…係数 [ア]，次数 [イ]

[x と y]…係数 [ウ]，次数 [エ]

①　-3　　　②　$-3x^2y^3$

③　$-3m$　　　④　$-3mxy^2$

2　次の多項式を y について整理したものを①～④から選べ。

[オ]

$4x^2+2xy+3y^2-3x+7y+2$

①　$4x^2+(2y-3)x+3y^2+7y+2$

②　$x(4x-3)+y(3y+7)+2(xy+1)$

③　$3y^2+(2x+7)y+4x^2-3x+2$

④　$4x^2+3y^2+2xy-3x+7y+2$

第 1 講　式の計算と展開

PART1　整式の整理

例題

(1)　単項式 $2x^2y$ の係数と次数をいえ。また，x に着目したときの係数と次数をいえ。

(2)　多項式 $2x^2+3xy+y^2-4x+5y-1$ を，x について整理せよ。

(1)　係数は 2，次数は 3

x に着目すると $2y\times x^2$　　よって，係数は $2y$，次数は 2

(2)　$2x^2+3xy+y^2-4x+5y-1=2x^2+(3y-4)x+y^2+5y-1$

練習

(1)　次の単項式で，[　] 内の文字に着目したときの係数と次数をいえ。

$-4ax^3y^2$　　[a]，[x と y]

(2)　多項式 $3x^2-ax-5a+2x$ を，x について整理せよ。

(1)　a に着目すると $-4x^3y^2\times a$　　よって，係数 $-4x^3y^2$，次数 1

x と y に着目すると $-4a\times x^3y^2$　　よって，係数 $-4a$，次数 5

(2)　$3x^2-ax-5a+2x=3x^2+(-a+2)x-5a$

第 1 講　PART1　確認問題 解答

1

[正解] ア：②，イ：1，ウ：③，エ：5

[解説]

m に着目すると　$-3x^2y^3\times m$ [A]

よって，係数は $\boldsymbol{-3x^2y^3}$，次数は **1**

x と y に着目すると　$-3m\times x^2y^3$ [A]

よって，係数は $\boldsymbol{-3m}$，次数は **5**

[A]　特定の文字に着目した場合，他の文字は数 (定数) として扱う。

2

[正解] オ：③

[解説]

$4x^2+2xy+3y^2-3x+7y+2$

$=3y^2+2xy+7y+4x^2-3x+2$ [B]

$=\boldsymbol{3y^2+(2x+7)y+4x^2-3x+2}$

[B]　整式の整理
① 同類項をまとめる。
② 降べきの順に並べる。
次数の高い項から順に並べることを「降べきの順」に整理するという。